

صورت‌بندی موجهاتی از متصلات لزومی منطق طوسی

* سید احمد فقیه

چکیده

کوشش منطق دانان در تطبیق شرطیات منطق قدیم با زبان نمادین منطق جدید سودمندی است، اما تاکنون این مسئله راه به جایی نبرده و مشکل هنوز پابرجاست. نگارنده در این مقاله می‌کوشد در حد توان، گره‌ای از مسئله باز تطبیق شرطیات بگشاید. بررسی قضایای شرطی متصله طوسی، در منظمه علوم معرفتی بشر نتایج چشمگیری به دنبال دارد. نگارنده پیش از این در مقاله «تحلیلی نوین از دیدگاه خواجه نصیرالدین طوسی درباره قضایای متصله»، نظام فکری حاکم بر متصلات طوسی را بررسی کرده است. پژوهش پیش رو ناظر به مقاله یادشده، متصلات مسورة لزومی را به زبان منطق جدید بازنمایی و صورت‌بندی می‌کند. صورت‌بندی که مبتنی بر سوره مرتبه دوم و منطق‌های غیر کلاسیکی، مانند منطق ربط، نبوده و تنها براساس نظام موجهاتی KT استوار است.

فرمول‌بندی یادشده افزون‌بر تأیید تلازم میان منفصلات و متصلات پیشنهادشده در مقاله دیگر مؤلف با عنوان «تحلیل قضایای منفصله منطق خواجه نصیرالدین طوسی»، نشان می‌دهد که لزومی‌های مسورة منطق طوسی به «امکان خاص طرفین» مقید است.

کلیدواژه‌ها

تطبیق شرطی، تلازم شرطیات، سور متصله، شرطی متصله، شرطی مسورة، لزومی حقیقی، لزومی مسورة، متصله لزومی.

seyyed.ahmad.faghikh@gmail.com

*. مدرس منطق حوزه علمیه قم
تاریخ دریافت: ۱۴۰۰/۰۸/۱۳، تاریخ پذیرش: ۱۴۰۰/۱۱/۱۳

مقدمه

معما نامیدن نظریه شرطی بهدلیل عدم دسترسی به منابع اولیه رواقی- مگاری، غریب نیست. در این میان پرداختن به تطبیق شرطی سینوی با ابزار منطق جدید، دشواری آن را دوچندان می کند؛ به گونه ای که مسئله تطبیق شرطیات در جوامع علمی، هنوز مسئله ای باز شمرده می شود. نگارنده در این مقاله می کوشد در حد توان، گرهای از این مسئله بگشاید.

حکیمان و دانشمندان علوم عقلی، استدلال های خود را برابر پایه گزاره های مهمه بنا نمی کنند؛ بنابراین پژوهش پیش رو تنها ناظر به نمادین سازی محصورات اربع متصلات لزومی منطق طوسی است. به دلیل آنکه نمادین سازی ارائه شده برپایه منطق موجهات KT استوار است، در تحلیل و تبیین متصلات مسورة لزومی، برخلاف دیدگاه برخی منطق پژوهان از منطق ربط و سور مرتبه دوم بی نیاز خواهیم بود. گفتنی است ادعای یادشده، کاملاً نو و برخلاف دیدگاه های رایج است (موحد، ۱۳۸۲، ص ۱۹۰؛ نبوی، ۱۳۸۱، ص ۱۶۷؛ فلاحتی، ۱۳۸۸، ص ۲۳۶؛ دارابی، ۱۳۸۹، ص ۵۶-۲۷).

همچنین باید افزود، نگارنده پیش از این در مقاله ای جداگانه، نظام فکری حاکم بر متصلات منطق طوسی را واکاوی کرده است (فقیه، ۱۳۹۸ الف، ص ۷۱-۸۶). بنابراین، بیشترین نظر گاه این تحقیق به یافته های موجود در آن مقاله بازمی گردد. پاره ای از مهم ترین یافته های آن مقاله عبارت اند از:

الف) از نگاه طوسی، تنها موضع کاربردی لزومی لفظی، برهان خلف است؛ زیرا به کار گیری آن، به دلیل اشتمال بر وضع محال، در اثبات مطالب، شایسته نیست. بنابراین، تنها فضایی لزومی حقیقی شایسته مقدمات فیاس هستند.

ب) لزومی حقیقی صادق، در حالت ایجابی یا دارای تالی ضروری الصدق است و یا دارای تالی محتمل الصدق و الکذب که در حالت دوم، مقدم نیز محتمل الصدق و الکذب خواهد بود.

ج) مطابق تحلیل طوسی سور کلی در متصلات لزومی، به لزومی حقیقی اختصاص دارد؛ مگر آنکه به حسب تصور متصوری، مقدم لزومی لفظی، امری ممکن به شمار آید.

د) موجبه کلی لزومی، مانع از لزومی حقیقی است که تالی آن‌ها در حالت ايجابی ضروری‌الصدق و بی‌نياز از مقدم است.

ه) احکام تلازم و عکس، اختصاص به آن قسم از لزومی حقیقی دارد که اجزای آن محتمل‌الصدق و الکذب است.

و) تفسیر سالبه لزومیه منطق طوسی به لزوم سلب است، نه سلب لزوم.

ز) از آنجاکه در موجبه جزئی لزومی، حکم به صدق اجتماع مقدم و تالی در بعضی اوضاع شده است، لزومی جزئی منحصر در لزومی حقیقی است. لزومی جزئی دارای تالی ضروری‌الصدق، برخلاف لزومی کلی متناظرش، از قواعد عکس و تلازم در متصفات پیروی می‌کند، اما اقتران این دسته از لزومی‌ها، اقتران قیاسی را تشکیل نمی‌دهند؛ زیرا مستلزم علمی غیر از مقدمات نیستند. بنابراین، تنها آن دسته از لزومی جزئی، کاربرد قیاسی دارند که اطرافش محتمل‌الصدق و الکذب باشد.

ح) منطق طوسی، سالبه جزئی لزومی را متلازم و متعاكس با موجبه جزئی لزومی می‌داند که در مقدم مشترک و در تالی متناقض هستند. بنابراین، برای یافتن سالبه جزئی لزومی، تنها کافی است تالی موجبه متناظرش، متناقض گردد.

ط) سالبه لزومی در قوه موجبه لزومی است که در کم متفق، در گیف مختلف، در مقدم مشترک و در تالی متناقض هستند. بنابراین، برخلاف منفصلات عنادی، در متصفات لزومی میان موجبه و سالبه تلازم برقرار است.

این بحث از آن نظر مهم است که: اولاً، اگر در آن به یک تفاهم اولیه درباره تطبیق انواع شرطی در منطق قدیم و جدید دست یابیم، استفاده از زبان نمادی، بهترین راه برای بحث درباره این مسائل است؛ ثانیاً، نمادین‌سازی، راهکاری مناسب برای شناساندن تراث منطقی مهمی چون اساس‌الاقتباس، به اندیشمندان غرب زمین است؛ زیرا در عصر حاضر هرچا که پای منطق به میان می‌آید، دیگر نمی‌توان با اصطلاحات و قواعد منطق قدیم آن هم با تقریر منطق‌دانان مسلمان کاری از پیش برد.

نوشتار حاضر پس از صورت‌بندی متصلات لزومی، به بررسی تطبیقی تلازم بین شرطیات منطق طوسي می‌پردازد و بدین‌وسیله پیشنهاد ارائه شده در مقاله «تحلیل قضایای منفصله منطق خواجه نصیرالدین طوسي» را که درباره قواعد تلازم بین منفصلات و متصلات گزاره‌های جزئی است، تقویت می‌کند.

۱. نمادین‌سازی محصورات اربع لزومی حقیقی منطق طوسي

همان‌گونه که گفته شد، لزومی لفظی بدلیل اشتمال بر وضع محال، در مقدمات قیاسی که به دنبال اثبات مطلبی است، به کار نمی‌رود و تنها موضع کاربردی آن برهان خلف است (طوسي، ۱۳۶۷، ص ۲۷۱). بنابراین، در تحلیل گزاره‌های شرطی مسورة منطق طوسي، برای لزومی لفظی جایگاهی در مقدمات و نتیجه قیاس درنظر گرفته نمی‌شود.

درباره لزومی حقیقی گفته‌اند هرگاه لزوم از دو طرف وجود داشته باشد، لزوم تام و اگر تنها از یک طرف باشد، لزوم ناقص است؛ اما از منظر طوسي لزومی تام در حقیقت، دو لزوم است (همان، ص ۷۶-۷۷). آشکار است که کلام وی ناظر به عدم اطلاق لزومی به هر دو نوع تام و ناقص نیست؛ زیرا: اولاً، لزومی تام یا ناقص خود قسمی از لزومی به شمار می‌رود؛ ثانیاً، وی در جای جای اساس‌الاقتباس از لزومی، معنای اعم آن را اراده کرده است (همان، ص ۷۵، ۱۲۵ و ۱۸۲). محاسبات نیز نشان می‌دهد که احکام قضایا و شرایط انتاج قیاس، اختصاص به لزومی تام یا ناقص ندارد. بنابراین ما نیز در ادامه، «لزومی» را بر «لزومی اعم» اطلاق می‌کنیم.

سخن تفصیلی محقق طوسي از لزومی حقیقی در چگونگی تعلق صدق و کذب به قضایای شرطی و اجزای آن، ما را به این دسته‌بندی رهنمون می‌سازد که لزومی حقیقی صادق در حالت ایجابی، یا دارای تالی ضروری الصدق است و یا دارای تالی محتمل الصدق و الکذب که در صورت دوم در حالت کلی، مقدم نیز محتمل الصدق و الکذب خواهد بود (همان، ص ۸۱).

لزومی حقیقی که تالی آن ضروری الصدق است، از قواعد عکس و تلازم در برخی موارد پیروی نمی‌کند و فاقد کارایی علمی لازم است. محقق طوسي نیز تنها در دو موضع از آن یاد

کرده که عبارت‌اند از: اقتران لزومی لفظی با لزومی حقیقی (همان، ص ۲۵۹) و اقتران اتفاقی با لزومی حقیقی (همان، ص ۲۶۰). تنها موضع کاربردی اقتران اول، برهان خلف است. اقتران دوم نیز از نظر طوسی، نه تنها اقتران قیاسی نیست، بلکه حتی متنج نیست. دلیل این امر آن است که نتیجه، در برخی موارد لزومی، در موضعی اتفاقی و گاهی استصحابی است (همان). بنابراین تنها به فرمول‌بندی لزومی حقیقی‌ای می‌پردازیم که اطرافش محتمل‌الصدق و الکذب باشد.

۲. فرمول‌بندی لزومی حقیقی با اطراف محتمل‌الصدق و الکذب

موجبه کلی و جزئی این دسته از لزومی به صورت زیر پیشنهاد می‌شود که در آن نمادهای \Diamond و \Box ، حسب تصور متصرور یا واقع، به ترتیب نشان‌دهنده امکان عام، امکان خاص و ضرورت است. همچنین نمادهای \supset ، A، I، E و O نیز به ترتیب مین‌استلزم مادی، موجبه کلی، موجبه جزئی، سالبه کلی و سالبه جزئی است.

$$A_{(P|Q)}: (P \Box Q) \& \Delta P \& \Delta Q$$

$$E_{(P|Q)}: (P \Box \supset Q) \& \Delta P \& \Delta Q$$

$$I_{(P|Q)}: \Diamond(P \& Q) \& \Delta P \& \Delta Q$$

$$O_{(P|Q)}: \Diamond(P \& \supset Q) \& \Delta P \& \Delta Q$$

در فرمول‌های ارائه شده، نماد (\supset) بیان‌گر لزومی اعم است و ترکیب عطفی $\Delta P \& \Delta Q$ شرط امکان خاص اطراف متصفات لزومی طوسی را گویاست.

$A_{(P|Q)}$ نمادی است برای نشان دادن موجبه کلی لزومی «همیشه چنین است اگر P آنگاه Q». فرمول استلزم اکید $(P \Box Q)$ به معنای آن است که اجتماع مقام و تقیض تالی ناممکن است. گفتنی است که مطابق قواعد منطق جدید فرمول بالا معادل است با:

$$A_{(P|Q)}: \supset \Diamond(P \& \supset Q) \& \Diamond P \& \Diamond \sim Q$$

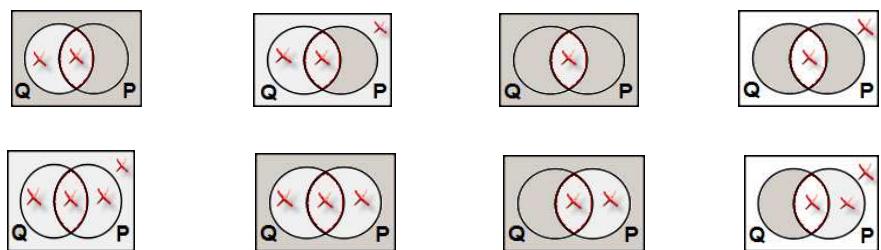
$E_{(P|Q)}$ نمادی است برای نشان دادن سالبه کلی لزومی «هیچگاه چنین نیست اگر P آنگاه Q». فرمول $(P \Box \sim Q)$ به معنای آن است که اجتماع مقام و تالی ناممکن است. مطابق

قواعد منطق جدید فرمول بالا معادل است با:

$$E(P|Q) : \supseteq \Diamond(P \& Q) \& \Diamond P \& \Diamond Q$$

$O(P|Q)$ نمادی است برای نشان دادن سالبه جزئی لزومی «گاهی چنین نیست اگر P آنگاه Q ». فرمول $\Diamond(P \& \neg Q)$ به معنای آن است که اجتماع مقدم و نقیض تالی امری ممکن است. $I(P|Q)$ نمادی است برای نشان دادن موجبه جزئی لزومی «گاهی چنین است اگر P آنگاه Q ». فرمول $\Diamond(P \& Q)$ به معنای آن است که اجتماع مقدم و تالی ناممکن نیست. اثبات این فرمول به صورت زیر است:

پیش از این نسبت میان مقدم و تالی در جزئی لزومی را به هشت صورت ممکن در نمودارهای زیر بیان کردیم (فقیه، ۱۳۹۸ الف، ص ۸۱-۸۲):



گفته شد که علامت ضربدر نشان دهنده امکان وجود مصاديق در بعضی از اوقات و احوال است. موارد رنگین هم محال بودن را در همه احوال و اوقات نشان می دهد. با این وصف فرمول موجبه جزئی لزومی اعم «گاهی چنین است اگر P آنگاه Q » عبارت است از $\Diamond(P \& Q)$ که ساده شده ترکیب فصلی زیر است:

$$\begin{aligned} & [\Diamond(P \& Q) \& \Diamond(\supseteq P \& \supseteq Q) \& \supseteq \Diamond(P \& \supseteq Q) \& \supseteq \Diamond(Q \& \supseteq P)] \quad \square \\ & [\Diamond(P \& Q) \& \supseteq \Diamond(\supseteq P \& \supseteq Q) \& \supseteq \Diamond(P \& \supseteq Q) \& \supseteq \Diamond(Q \& \supseteq P)] \quad \square \quad [\Diamond(P \& Q) \\ & \& \Diamond(\supseteq P \& \supseteq Q) \& \supseteq \Diamond(P \& \supseteq Q) \& \& \Diamond(Q \& \supseteq P)] \quad \square \quad [\Diamond(P \& Q) \\ & \& \supseteq \Diamond(\supseteq P \& \supseteq Q) \& \supseteq \Diamond(P \& \supseteq Q) \& \& \Diamond(Q \& \supseteq P)] \quad \square \\ & [\Diamond(P \& Q) \& \Diamond(\supseteq P \& \supseteq Q) \& \Diamond(P \& \supseteq Q) \& \supseteq \Diamond(Q \& \supseteq P)] \quad \square \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & [\Diamond(P \& Q) \& \Box \Diamond(\Box P \& \Box Q) \& \Diamond(P \& \Box Q) \& \Box \Diamond(Q \& \Box P)] \quad \square \\
 & [\Diamond(P \& Q) \& \Box \Diamond(\Box P \& \Box Q) \& \Diamond(P \& \Box Q) \& \Diamond(Q \& \Box P)] \quad \square \\
 & [\Diamond(P \& Q) \& \Diamond(\Box P \& \Box Q) \& \Diamond(P \& \Box Q) \& \Diamond(Q \& \Box P)] \quad \eta \\
 & \Diamond(P \& Q)
 \end{aligned}$$

از آنجاکه برای تطبیق تلازم شرطیات منطق طوسی افزونبر لزومی اعم نیازمند نمادین‌سازی لزومی ناقص و تام هستیم، برای این دو، به ترتیب از نمادهای \Diamond و \Box استفاده خواهیم کرد. می‌دانیم اگر موجه کلی لزومی اعم را مقید به قید $(Q \Box P) \supseteq \Diamond(Q \& \Box P)$ یا $\Diamond(Q \& \Box P) \supseteq \Diamond(Q \Box P)$ کنید به لزومی ناقص متناظرش دست می‌یابید. همچنین لزومی تام در حالت ایجاب کلی، از مقید کردن لزومی اعم به $(Q \Box P)$ حاصل می‌شود. براین اساس داریم:

$$A_{(P \& Q)}: (P \Box Q) \& \Diamond(Q \& \Box P) \& \Delta P \& \Delta Q$$

$$A_{(P \mid Q)}: (P \Box Q) \& (Q \Box P) \& \Delta P \& \Delta Q$$

اکنون فرمول‌های پیشنهادی مذبور را در تلازم شرطیات منطق طوسی مورد بررسی قرار می‌دهیم:

۲-۱. تلازم میان دو متصله لزومی مختلف در کیف

پیش از این گفته شد که مطابق منطق طوسی، سالبه لزومی در قوه موجه لزومی‌ای است که در کم متفق، در کیف مختلف، در مقدم متشارک و در تالی متناقض‌اند.^۱ بنابراین برخلاف منفصلات عنادی، در متصلات لزومی بین موجه و سالبه تلازم برقرار است (همان، ص ۸۳). فرمول‌های پیشنهادی این مطلب را تأیید می‌کنند؛ زیرا:

$$E_{(P \mid Q)} \equiv (P \Box \supseteq Q) \& \Delta P \& \Delta Q \equiv A_{(P \mid \sim Q)}$$

$$O_{(P \mid Q)} \equiv \Diamond(P \& \Box Q) \& \Delta P \& \Delta Q \equiv I_{(P \mid \sim Q)}$$

۱. برای نمونه، دو قضیه لزومی «کلمما کان ا ب فکل ج د» و «لیس البته اذا کان ا ب فلیس کل ج د»، متلازم‌اند. همچنین دو قضیه لزومی «گاهی چنین است که اگر الف ب است، ج د است» و «گاهی چنین نیست که اگر الف ب است، ج د نیست» نیز با یکدیگر متلازم هستند.

۲-۲. تلازم میان متصلات و منفصلات در حالت ایجاب کلی

نظر به یافته‌های مقاله پیش گفته (فقیه، ۱۳۹۶، ص ۱۰۶-۱۰۷)، موجبه کلی مانعه‌الجمع مرکب، در قوه موجبه کلی متصله لزومیه‌ای است که لزومش تام نباشد و مقدم آن عین یک جزء و تالی آن نقیض جزء دیگر است. همچنین موجبه کلی مانعه‌الخلو مرکب، در قوه موجبه کلی متصله لزومیه‌ای است که لزومش تام نباشد و مقدمش، نقیض یک جزء و تالی آن عین جزء دیگر است. هم‌ارزی‌های زیر این مطلب را تأیید می‌کنند. در این راستا از نمادهای مقاله «صورت‌بندی موجهاتی از منفصلات عنادی منطق طوسی» استفاده شده است (همو، ۱۳۹۸ ب، ص ۵۵):

$${}^1 A_{(P _ \bar{Q})} \equiv A_{(Q) | \sim P} ; \quad A_{(\bar{P} _ Q)} \equiv A_{(P) | \sim Q}$$

$${}^2 A_{(P \alpha \bar{Q})} \equiv A_{(\sim Q) | P} ; \quad A_{(\bar{P} \alpha Q)} \equiv A_{(\sim P) | Q}$$

همان‌جا اشاره شد که در حالت ایجاب کلی، منفصله حقیقی در قوه چهار متصله لزومی تامی است که مقدم آن یک جزء منفصله و تالی نقیض دیگر جزء آن است و بر عکس. در اینجا نیز روابط زیر این ادعا را تأیید می‌کنند:

$$A_{(P \bar{Q})} \equiv A_{(Q) | \sim P} ; \quad A_{(P \bar{Q})} \equiv A_{(P) | \sim Q}$$

$${}^3 A_{(P \bar{Q})} \equiv A_{(\sim Q) | P} ; \quad A_{(P \bar{Q})} \equiv A_{(\sim P) | Q}$$

میان لزومی اعم و عنادی بسیط، تلازم برقرار است. این تلازم را می‌توان به صورت روابط

هم‌ارزی زیر نشان داد:

$${}^1 A_{(P _ Q)} \equiv A_{(P) | \sim Q} ; \quad A_{(P \alpha Q)} \equiv A_{(\sim P) | Q}$$

$$1. A(Q | \sim P) \equiv (Q \Box \neg P) \& \Diamond (\neg P \& \neg Q) \& \Delta Q \& \Delta \neg P \equiv \Box \Diamond (Q \Box \neg P) \& \Diamond (\neg P \& \neg Q) \& \Delta Q \& \Delta P \equiv \Box \Diamond (Q \& \neg \Box P) \& \Diamond (\neg P \& \neg Q) \& \Delta P \& \Delta Q \equiv A(P _ \bar{Q})$$

$$2. A(\sim Q | P) \equiv (\neg Q \Box P) \& \Diamond (P \& \neg \Box Q) \& \Delta \neg Q \& \Delta P \equiv \Box \Diamond (\neg Q \Box P) \& \Diamond (P \& Q) \& \Delta Q \& \Delta P \equiv \Box \Diamond (\neg Q \& \neg P) \& \Diamond (P \& Q) \& \Delta Q \& \Delta P \equiv A(\bar{P} \alpha \bar{Q})$$

$$3. A(\sim Q | P) \equiv (\neg Q \Box P) \& (P \Box \neg Q) \& \Delta \neg Q \& \Delta P \equiv \Box \Diamond (\neg Q \Box P) \& \Box \Diamond (P \Box \neg Q) \& \Delta Q \& \Delta P \equiv \Box \Diamond (\neg Q \& \neg P) \& \Box \Diamond (P \& \neg Q) \& \Delta Q \& \Delta P \equiv A(P \bar{Q})$$

۲-۳. تلازم میان متصلات و منفصلات در حالت ایجاب جزئی

نسبت به تلازم میان متصلات لزومی و منفصلات عنادی غیرحقیقی در حالت ایجاب جزئی، روابط همارزی زیر را هم‌سو با مقاله مذبور (همان، ص ۱۰۷-۱۰۸) می‌توان ارائه کرد:

$$I_{(P _ Q)} \equiv I_{(Q | \sim P)} \quad ; \quad I_{(P \alpha Q)} \equiv I_{(\sim Q | P)}$$

از آنجاکه در حالت جزئی بین متصلات لزومی و منفصلات عنادی حقیقی تلازم دوطرفه‌ای برقرار نیست، نمی‌توان از رابطه همارزی بین این دسته از شرطیات سخن گفت. قواعد تلازم گویای آن است که در حالت ایجابی، متصله موجبه جزئی لزومی در صورتی منفصله جزئی حقیقی را به دست می‌دهد که مقدم و تالی متصله، مساوی یکدیگر باشند؛ اما لازم منفصله جزئی حقیقی، فارغ از چنین قیدی است.

نتیجه

در این نوشتار لزومی‌های مسورة منطق طوسی را که پیش‌تر در مقاله‌ای با عنوان «تحلیلی نوین از دیدگاه خواجه نصیرالدین طوسی درباره قضایای متصله» تبیین شده بود، به زبان منطق جدید نمادین شد؛ نمادین‌سازی که بر سور مرتبه دوم و منطق‌های غیرکلاسیکی، مانند منطق ربط، استوار نیست. در فرمول‌بندی موجهاتی به عمل آمده، بار دیگر نشان داده شد که مؤلفه‌های

$$1. A(P | \sim Q) \equiv (P \Box \neg Q) \& \Delta P \& \Delta \neg Q \equiv \Diamond(P \& Q) \& \Delta P \& \Delta Q \equiv A(P _ Q)$$

$$A(\sim P | Q) \equiv (\neg P \Box Q) \& \Delta \neg P \& \Delta Q \equiv \neg \Diamond(\neg P \& \neg Q) \& \Delta P \& \Delta Q \equiv A(P \alpha Q)$$

۲. مطابق قواعد تلازم، اگر منفصله جزئی به صورت مانع جمع باشد، لازم آن متصله لزومی جزئی است که مقدم آن، عین تالی متصله و تالی آن نقیض دیگر جزء است. لازم متصله لزومی جزئی، منفصله مانع‌الجمع جزئی متشكل از نقیض یکی از اجزا و عین دیگر جزء است.

اگر متصله جزئی به صورت مانع خلو باشد، لازم آن متصله لزومی جزئی است با مقدم «نقیض تالی متصله» و تالی «عین دیگر جزء». لازم متصله لزومی جزئی، منفصله مانع‌الخلو جزئی است که تشکیل شده از عین یکی از اجزا و نقیض دیگر جزء.

$$3. I(Q | \sim P) \equiv \Diamond(Q \& \neg P) \& \Delta Q \& \Delta \neg P \equiv \Diamond(Q \& \Box \neg P) \& \Delta P \& \Delta Q \equiv I(P _ Q)$$

$$I(\sim Q | P) \equiv \Diamond(\neg Q \& P) \& \Delta \neg Q \& \Delta P \equiv \Diamond(\neg Q \& \Box P) \& \Delta P \& \Delta Q \equiv I(P \alpha \neg Q)$$

تمام اقسام متصفات عنادی منطق طوی هم در حالت ايجابی و هم در حالت سلبي، برخلاف منفصلات عنادی، مقيد به امكان خاص نفس الامری یا تصوري هستند. بررسی فرمولهای ارائه شده گویای آن بود که به طور صريح نمی توان نشان داد استلزم مادی، اساس استنتاج های منطقی در منطق قدیم بوده است، اما از آنجاکه در فرمولهای به کار رفته، از استلزم مادی بسیار برهه بردیم، قویاً به استعمال استلزم مادی در فضای استنباطی منطق اسلامی حکم می شود.

منابع

۱. طوسی، نصیرالدین، ۱۳۶۷، *أساس الاقتباس*، تصحیح مدرس رضوی، تهران، انتشارات دانشگاه تهران.
۲. فقیه، سیداحمد، ۱۳۹۶، «تحلیل قضایای منفصله منطق خواجه نصیرالدین طوسی»، *دوفصلنامه علمی-پژوهشی حکمت اسراء*، شماره ۳۰، ص ۹۳-۱۱.
۳. ____، ۱۳۹۸ الف، «تحلیلی نوین از دیدگاه خواجه نصیرالدین طوسی درباره قضایای متصله»، *دوفصلنامه علمی-پژوهشی معارف منطقی*، ش ۱۰، ص ۸۶-۷۱.
۴. ____، ۱۳۹۸ ب، «صورت‌بندی موجهاتی از متصفات عنادی منطق طوسی»، *دوفصلنامه علمی-پژوهشی معارف منطقی*، ش ۱۱، ص ۶۱-۴۷.
۵. موحد، ضیاء، ۱۳۸۲، «نظریه قیاس‌های شرطی ابن سینا»، در: *از ارسطو تا گودل*، تهران، هرمس.
۶. نبوی، لطف‌الله، ۱۳۸۱، «شیوه استنتاج طبیعی در سیستم‌های زمانی»، *دوفصلنامه علمی-پژوهشی فلسفه*، شماره ۱۲ و ۱۳، ص ۱۸۰-۱۶۳.
۷. فلاحتی، اسدالله، ۱۳۸۸، «سلب لزوم و لزوم سلب در شرطی سالبه کلیه»، *فصلنامه علمی-پژوهشی معرفت فلسفی*، شماره ۲۵، ص ۲۶۰-۲۳۳.
۸. دارابی، علیرضا، ۱۳۸۹، «تحلیل سور شرطی لزومی مبنی بر منطق جدید»، *دوفصلنامه علمی-پژوهشی منطق پژوهی*، ش ۱، ص ۵۶-۲۷.